

## Twee lijnen die raken aan parabolen

### 9 maximumscore 6

- Voor het rechter raakpunt geldt:  $3x^2 + \frac{1}{12} = x$  1
- Uit  $3x^2 - x + \frac{1}{12} = 0$  volgt  $(3x - \frac{1}{2})(x - \frac{1}{6}) = 0$  (of:  $x = \frac{1 \pm \sqrt{(-1)^2 - 4 \cdot 3 \cdot \frac{1}{12}}}{2 \cdot 3}$ ) 1
- Dit geeft  $x = \frac{1}{6}$  1
- De gevraagde oppervlakte is  $2 \cdot \int_0^{\frac{1}{6}} (f(x) - x) dx$  1
- Een primitieve van  $3x^2 + \frac{1}{12} - x$  is  $x^3 + \frac{1}{12}x - \frac{1}{2}x^2$  1
- De gevraagde oppervlakte is  $\frac{1}{108}$  1

of

- Voor het rechter raakpunt geldt:  $f'(x) = 1$  1
- $f'(x) = 6x$ , dus  $6x = 1$  1
- Dit geeft  $x = \frac{1}{6}$  1
- De gevraagde oppervlakte is  $2 \cdot \int_0^{\frac{1}{6}} (f(x) - x) dx$  1
- Een primitieve van  $3x^2 + \frac{1}{12} - x$  is  $x^3 + \frac{1}{12}x - \frac{1}{2}x^2$  1
- De gevraagde oppervlakte is  $\frac{1}{108}$  1

### 10 maximumscore 6

- Voor het rechter raakpunt geldt:  $g_{a,b}(x) = \frac{1}{2}x$  en  $g_{a,b}'(x) = \frac{1}{2}$  1
- $g_{a,b}'(x) = 2ax$  1
- $g_{a,b}'(x) = \frac{1}{2}$  geeft  $2ax = \frac{1}{2}$  dus (omdat  $a > 0$ )  $x = \frac{1}{4a}$  1
- $g_{a,b}(x) = \frac{1}{2}x$  geeft  $a \cdot \left(\frac{1}{4a}\right)^2 + b = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{4a}$  1
- Hieruit volgt  $b = \frac{1}{8a} - \frac{a}{16a^2}$  1
- Dit geeft  $b = \frac{1}{16a}$  1

of

- $g_{a,b}(x) = \frac{1}{2}x$  heeft precies één oplossing 1
- Dit geeft:  $ax^2 + b = \frac{1}{2}x$  heeft precies één oplossing 1
- Dus  $ax^2 - \frac{1}{2}x + b = 0$  heeft precies één oplossing 1
- Dit geeft  $D = 0$  ofwel  $(-\frac{1}{2})^2 - 4 \cdot a \cdot b = 0$  1
- Dus  $4 \cdot a \cdot b = \frac{1}{4}$  1
- Dit geeft (omdat  $a > 0$ )  $b = \frac{1}{16a}$  1