

Cirkels en lijnstuk

2 maximumscore 5

- Er geldt: $\cos(2t) = 0$ 1
- Dit geeft $t = \frac{1}{4}\pi$ of $t = \frac{3}{4}\pi$ of $t = \frac{5}{4}\pi$ of $t = \frac{7}{4}\pi$ 2
- $x_A(\frac{1}{4}\pi) = \sin(\frac{1}{4}\pi) = \cos(\frac{1}{4}\pi) = y_A(\frac{1}{4}\pi) (= \frac{1}{2}\sqrt{2})$,
 $x_A(\frac{3}{4}\pi) = \sin(\frac{3}{4}\pi) = -\cos(\frac{3}{4}\pi) = -y_A(\frac{3}{4}\pi) (= \frac{1}{2}\sqrt{2})$,
 $x_A(\frac{5}{4}\pi) = \sin(\frac{5}{4}\pi) = \cos(\frac{5}{4}\pi) = y_A(\frac{5}{4}\pi) (= -\frac{1}{2}\sqrt{2})$ en
 $x_A(\frac{7}{4}\pi) = \sin(\frac{7}{4}\pi) = -\cos(\frac{7}{4}\pi) = -y_A(\frac{7}{4}\pi) (= -\frac{1}{2}\sqrt{2})$
 (, dus A bevindt zich op deze tijdstippen op de lijn met vergelijking $y = x$ of op de lijn met vergelijking $y = -x$) 2

of

- Er geldt: $\cos(2t) = 0$ 1
- Dit geeft $\cos^2 t - \sin^2 t = 0$ 1
- Dus $(\cos t - \sin t)(\cos t + \sin t) = 0$ 1
- Hieruit volgt $\cos t = \sin t$ of $\cos t = -\sin t$ 1
- Dus A ligt op de lijn met vergelijking $y = x$ of op de lijn met vergelijking $y = -x$ 1

Opmerking

Als bij de eerste werkwijze hierboven niet voor alle vier waarden van t de juistheid van de bewering is aangetoond, dan per ontbrekende situatie 1 scorepunt in mindering brengen.

lees verder ►►►

3 maximumscore 6

- Er moet gelden: $2 \cos(2t) = \cos t$ 1
- Beschrijven hoe deze vergelijking kan worden opgelost 1
- Een oplossing behorende bij een negatieve y -coördinaat is $t \approx 2,21$ (of $t \approx 4,08$) 1
- De coördinaten van A zijn dan (ongeveer) $(0,8; -0,6)$ (of $(-0,8; -0,6)$) 1
- De coördinaten van B zijn dan (ongeveer) $(-1,9; -0,6)$ (of $(1,9; -0,6)$) (of een correcte beredening waaruit de juiste ligging van B volgt) 1
- Een mogelijke tekening van lijnstuk AB (zie hieronder de twee mogelijkheden) 1

of

- Er moet gelden: $2 \cos(2t) = \cos t$ 1
- Hieruit volgt $2(2 \cos^2 t - 1) = \cos t$ 1
- $4 \cos^2 t - \cos t - 2 = 0$ geeft $\cos t = \frac{1 \pm \sqrt{33}}{8}$ met als negatieve oplossing $\cos t \approx -0,6$ 1
- De coördinaten van A zijn dan (ongeveer) $(0,8; -0,6)$ (of $(-0,8; -0,6)$) 1
- De coördinaten van B zijn dan (ongeveer) $(-1,9; -0,6)$ (of $(1,9; -0,6)$) (of een correcte beredening waaruit de juiste ligging van B volgt) 1
- Een mogelijke tekening van lijnstuk AB (zie hieronder de twee mogelijkheden) 1

