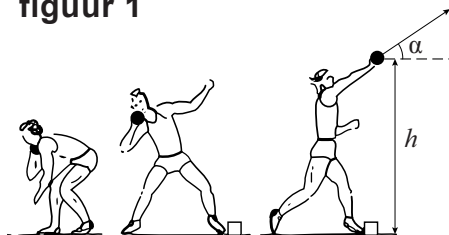


## De ideale stoothoek

Een kogelstoter stoot een kogel weg onder een hoek  $\alpha$  (in radialen,  $0 < \alpha < \frac{1}{2}\pi$ ).

De hoogte in meters waarop de kogelstoter de kogel loslaat is  $h$ . Zie figuur 1.

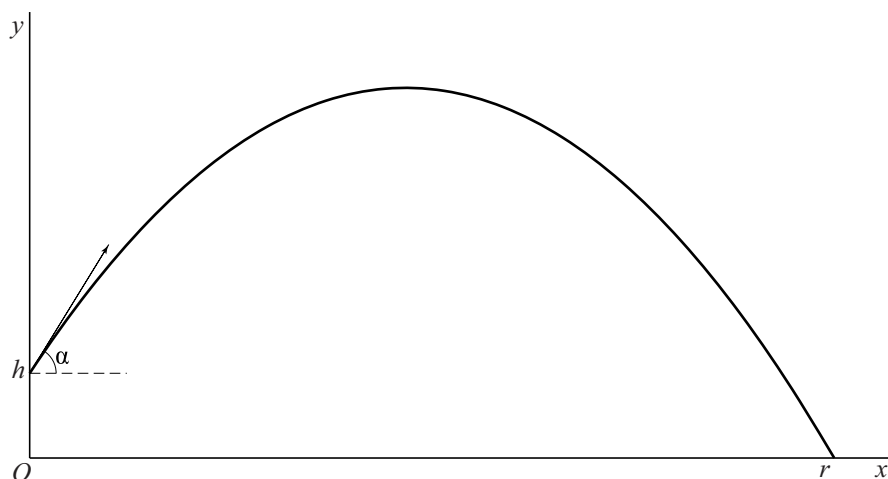
figuur 1



Bij deze situatie kiezen we een assenstelsel waarbij de plaats waar de kogel wordt losgelaten zich op hoogte  $h$  op de verticale as bevindt. De kogel komt op afstand  $r$  in meters van de oorsprong op de grond. Zie figuur 2.

In deze opgave gaan we ervan uit dat de kogelstoter de kogel altijd met dezelfde snelheid wegstoot.

figuur 2



Als  $\alpha$  zo is dat  $\cos \alpha = 0,6$  en we de afmetingen van de kogel en de wrijving met de lucht verwaarlozen, dan gelden (bij benadering) de volgende formules voor de coördinaten van de kogel tijdens de vlucht:

$$\begin{cases} x(t) = 8,4t \\ y(t) = h + 11,2t - 4,9t^2 \end{cases}$$

Hierin is  $t$  de tijd in seconden met  $t = 0$  op het moment van loslaten,  $x$  de horizontale afstand in meters en  $y$  de hoogte in meters.

3p 16 Bereken de snelheid van de kogel op tijdstip  $t = 0$ .

lees verder ►►►

De horizontale afstand  $r$  die de kogel overbrugt, hangt af van de hoek  $\alpha$  waaronder deze wordt weggestoten.  
In het algemeen geldt voor elke waarde van  $\alpha$  de volgende formule voor  $r$ :

$$r = 20 \cos \alpha \left( \sin \alpha + \sqrt{\sin^2 \alpha + 0,1h} \right)$$

De ideale stoothoek is de hoek  $\alpha$  waarbij  $r$  zo groot mogelijk is.

We bekijken nu de situatie waarbij de kogelstoter de kogel loslaat op een hoogte van 1,85 m.

3p **17** Bereken voor deze situatie de ideale stoothoek.

Tot slot bekijken we de denkbeeldige situatie waarin  $h = 0$ .

6p **18** Bereken exact de ideale stoothoek voor deze denkbeeldige situatie.