

## De formule van Riegel en kilometertijden

---

De marathonloper Pete Riegel ontwikkelde een eenvoudige formule om te voorspellen welke tijd een hardloper nodig zou hebben om een bepaalde afstand af te leggen, op basis van zijn tijden op eerder gelopen afstanden. Die formule luidt als volgt:

$$T_2 = T_1 \cdot \left( \frac{d_2}{d_1} \right)^{1,07}$$

$T_1$  is de tijd, uitgedrukt in seconden, die gelopen is op de afstand  $d_1$  en  $T_2$  is de voorspelde tijd in seconden op de afstand  $d_2$ . De formule is geldig voor afstanden vanaf 1500 meter tot en met 42 195 meter, de marathon. De formule is onafhankelijk van de gebruikte eenheden, dus  $d_1$  en  $d_2$  mogen bijvoorbeeld allebei in km worden ingevuld of allebei in m.

Harald loopt de 1500 meter in 4 minuten en 52 seconden.

- 3p **17** Bereken in minuten en seconden Haralds te verwachten tijd op de 10 000 meter.

Het ligt voor de hand dat de gemiddelde snelheid lager wordt als de te lopen afstand groter wordt. Dat is ook in overeenstemming met de formule: als de afstand tweemaal zo groot wordt, dan geldt volgens de formule van Riegel dat de gemiddelde snelheid altijd met hetzelfde percentage afneemt.

- 5p **18** Bereken dit percentage.

lees verder ►►►

Een andere maat voor de snelheid is de **kilometertijd**  $K$ , het aantal seconden dat een hardloper gemiddeld per kilometer nodig heeft. In formulevorm:

$$K = \frac{T}{d}$$

Hierbij is  $T$  de totale tijd in seconden en  $d$  de afstand in kilometers.

Als we naar de wereldrecords op de langere loopafstanden kijken, dan blijken de kilometertijden heel goed te voorspellen te zijn met de formule van Riegel. Dat is opmerkelijk want die afstanden werden door verschillende hardlopers gelopen.

Het wereldrecord op de 1500 meter is precies 3 minuten en 26 seconden<sup>1)</sup>. Uitgaande van dit wereldrecord kunnen de tijden voor de wereldrecords op de andere afstanden met behulp van de formule van Riegel berekend worden met  $T = 206 \cdot \left(\frac{d}{1,5}\right)^{1,07}$ . In deze formule is  $T$  de gelopen tijd in seconden voor het wereldrecord op de afstand  $d$  km.

Met behulp van deze formule en de formule  $K = \frac{T}{d}$  is het mogelijk de volgende formule op te stellen voor de kilometertijden van de wereldrecords:

$$K = 133,49 \cdot d^{0,07}$$

Hierbij is  $K$  de kilometertijd in seconden en  $d$  de afstand in kilometers.

- 4p **19** Laat zien hoe de laatste formule met behulp van de andere formules kan worden opgesteld.
- 4p **20** Laat, uitgaande van  $K = 133,49 \cdot d^{0,07}$ , met behulp van de afgeleide  $K'$  zien dat de kilometertijden afnemend stijgen.

noot 1 Dit record geldt sinds 1998. In deze opgave gaan we ervan uit dat dit record nog steeds geldt.