

wiskunde-examens.nl heeft de aanvulling op dit correctievoorschrift in dit correctievoorschrift verwerkt.

Het correctievoorschrift in dit document is dus helemaal juist.

Inzenden scores

Vul de scores van de alfabetisch eerste vijf kandidaten per school in op de optisch leesbare formulieren of verwerk de scores in het programma Wolf.
Zend de gegevens uiterlijk op 28 mei naar de Citogroep.

1 Regels voor de beoordeling

Het werk van de kandidaten wordt beoordeeld met inachtneming van de artikelen 41 en 42 van het Eindexamenbesluit VWO/HAVO/MAVO/VBO. Voorts heeft de CEVO op grond van artikel 39 van dit Besluit de Regeling beoordeling centraal examen vastgesteld (CEVO-94-427 van september 1994) en bekendgemaakt in het Gele Katern van Uitleg, nr. 22a van 28 september 1994.

Voor de beoordeling zijn de volgende passages van de artikelen 41 en 42 van het Eindexamenbesluit van belang:

1 De directeur doet het gemaakte werk met een exemplaar van de opgaven en het procesverbaal van het examen toekomen aan de examinerator. Deze kijkt het werk na en zendt het met zijn beoordeling aan de directeur. De examinerator past bij zijn beoordeling de normen en de regels voor het toekennen van scorepunten toe die zijn gegeven door de CEVO.

2 De directeur doet de van de examinerator ontvangen stukken met een exemplaar van de opgaven, de beoordelingsnormen, het procesverbaal en de regels voor het bepalen van de cijfers onverwijld aan de gecommitteerde toekomen.

3 De gecommitteerde beoordeelt het werk zo spoedig mogelijk en past bij zijn beoordeling de normen en de regels voor het toekennen van scorepunten toe die zijn gegeven door de CEVO.

4 De examinerator en de gecommitteerde stellen in onderling overleg het aantal scorepunten voor het centraal examen vast.

5 Komen zij daarbij niet tot overeenstemming, dan wordt het aantal scorepunten bepaald op het rekenkundig gemiddelde van het door ieder van hen voorgestelde aantal scorepunten, zo nodig naar boven afgerond.

2 Algemene regels

Voor de beoordeling van het examenwerk zijn de volgende bepalingen uit de CEVO-regeling van toepassing:

1 De examinerator vermeldt op een lijst de namen en/of nummers van de kandidaten, het aan iedere kandidaat voor iedere vraag toegekende aantal scorepunten en het totaal aantal scorepunten van iedere kandidaat.

2 Voor het antwoord op een vraag worden door de examinerator en door de gecommitteerde scorepunten toegekend in overeenstemming met het antwoordmodel.

Scorepunten zijn de getallen 0, 1, 2, ..., n, waarbij n het maximaal te behalen aantal scorepunten voor een vraag is. Andere scorepunten die geen gehele getallen zijn, of een score minder dan 0 punten, zijn niet geoorloofd.

3 Scorepunten worden toegekend met inachtneming van de volgende regels:

3.1 indien een vraag volledig juist is beantwoord, wordt het maximaal te behalen aantal scorepunten toegekend;

3.2 indien een vraag gedeeltelijk juist is beantwoord, wordt een deel van de te behalen scorepunten toegekend in overeenstemming met het antwoordmodel;

3.3 indien een antwoord op een open vraag niet in het antwoordmodel voorkomt en dit antwoord op grond van aantoonbare, vakinhoudelijke argumenten als juist of gedeeltelijk juist aangemerkt kan worden, moeten scorepunten worden toegekend naar analogie of in de geest van het antwoordmodel;

3.4 indien één voorbeeld, reden, uitwerking, citaat of andersoortig antwoord gevraagd wordt, wordt uitsluitend het eerstgegeven antwoord beoordeeld;

3.5 indien meer dan één voorbeeld, reden, uitwerking, citaat of andersoortig antwoord gevraagd wordt, worden uitsluitend de eerstgegeven antwoorden beoordeeld, tot maximaal het gevraagde aantal;

3.6 indien in een antwoord een gevraagde verklaring of uitleg of berekening ontbreekt dan wel foutief is, worden 0 scorepunten toegekend, tenzij in het antwoordmodel anders is aangegeven;

3.7 indien in het antwoordmodel verschillende mogelijkheden zijn opgenomen, gescheiden door het teken /, gelden deze mogelijkheden als verschillende formuleringen van hetzelfde antwoord.

4 Een fout mag in de uitwerking van een vraag maar één keer worden aangerekend, tenzij daardoor de vraag aanzienlijk vereenvoudigd wordt en/of tenzij in het antwoordmodel anders is vermeld.

5 Een zelfde fout in de beantwoording van verschillende vragen moet steeds opnieuw worden aangerekend, tenzij in het antwoordmodel anders is vermeld.

6 Indien de examinerator of de gecommiteerde meent dat in een toets of in het antwoordmodel bij die toets een fout of onvolkomenheid zit, beoordeelt hij het werk van de kandidaten alsof toets en antwoordmodel juist zijn.

Hij kan de fout of onvolkomenheid mededelen aan de CEVO.

Het is niet toegestaan zelfstandig af te wijken van het antwoordmodel. Met een eventuele fout wordt bij de definitieve normering van het examen rekening gehouden.

7 Voor deze toets kunnen maximaal 86 scorepunten worden behaald. Scorepunten worden toegekend op grond van het door de kandidaat gegeven antwoord op iedere vraag. Er worden geen scorepunten vooraf gegeven.

8 Het cijfer voor het centraal examen wordt als volgt verkregen.

Eerste en tweede corrector stellen de score voor iedere kandidaat vast. Deze score wordt meegedeeld aan de directeur.

De directeur stelt het cijfer voor het centraal examen vast op basis van de regels voor omzetting van score naar cijfer (artikel 42, tweede lid, Eindexamenbesluit VWO/HAVO/MAVO/VBO).

Dit cijfer kan afgelezen worden uit tabellen die beschikbaar worden gesteld. Tevens wordt er een computerprogramma verspreid waarmee voor alle scores het cijfer berekend kan worden.

3 Vakspecifieke regels

Voor het vak Wiskunde B1,2 (nieuwe stijl) VWO zijn de volgende vakspecifieke regels vastgesteld:

1 Voor elke rekenfout of verschrijving in de berekening wordt één punt afgetrokken tot het maximum van het aantal punten dat voor dat deel van die vraag kan worden gegeven.

2 De algemene regel 3.6 geldt ook bij de vragen waarbij de kandidaten de Grafische rekenmachine (GR) gebruiken. Bij de betreffende vragen doen de kandidaten er verslag van hoe zij de GR gebruiken.

4 Antwoordmodel

Antwoorden	Deel-scores
------------	-------------

Periodiek

Maximumscore 4

- | | |
|------------------------|----------|
| 1 □ • $u_1 = -3$ | <u>1</u> |
| • $u_2 = -\frac{1}{2}$ | <u>1</u> |
| • $u_3 = \frac{1}{3}$ | <u>1</u> |
| • $u_4 = 2$ | <u>1</u> |

Maximumscore 5

- | | |
|---|----------|
| 2 □ • De rij u_n is periodiek met periode 4 | <u>2</u> |
| • $999999 = 4 \cdot 249999 + 3$ | <u>2</u> |
| • $u_{999999} = u_3 = \frac{1}{3}$ | <u>1</u> |

Maximumscore 5

- | | |
|--|----------|
| 3 □ • Een term is niet gedefinieerd als zijn voorganger 1 is | <u>1</u> |
| • u_1 is niet gedefinieerd als $a = 1$ | <u>1</u> |
| • u_3 is niet gedefinieerd als $u_2 = 1$ | <u>1</u> |
| • $u_2 = 1$ geeft $u_1 = 0$ en $a = -1$ | <u>2</u> |

Aanvulling op het correctievoorschrift: bij vraag 3, moeten altijd 5 punten worden toegekend, ongeacht of er wel of geen antwoord gegeven is, en ongeacht het gegeven antwoord.

Maximumscore 6

- | | |
|--|----------|
| 4 □ • $u_1 = \frac{1+a}{1-a}$ | <u>1</u> |
| • $u_2 = \frac{1 + \frac{1+a}{1-a}}{1 - \frac{1+a}{1-a}}$ | <u>2</u> |
| • Hieruit volgt $u_2 = \frac{1-a+1+a}{1-a-1-a} = \frac{2}{-2a} = \frac{-1}{a}$ | <u>3</u> |

Maximumscore 4

- | | |
|---------------------------------------|----------|
| 5 □ • $u_4 = \frac{-1}{u_2}$ | <u>2</u> |
| • dus $u_4 = \frac{-1}{\frac{-1}{a}}$ | <u>1</u> |
| • $\frac{-1}{a} = a$ | <u>1</u> |

Zomertarwe

Maximumscore 4

- | | |
|---|----------|
| 6 □ • $100 \cdot e^{0,1(18-40)} = 100 \cdot e^{t \cdot 0,2(\frac{1}{3} - 100)}$ | <u>1</u> |
| • $0,1(18-40) = -0,2(t_3 - 100)$ | <u>1</u> |
| • $0,2t_3 = 22,2$ | <u>1</u> |
| • $t_3 = 111$ | <u>1</u> |

Maximumscore 4

- | | |
|---|----------|
| 7 □ • Een primitieve van $z'(t)$ geeft $a = 1000$ | <u>2</u> |
| • $z(0) = 30$ geeft $b \approx 11,68$ | <u>2</u> |

Antwoorden	Deel-scores
------------	-------------

Maximumscore 6

8 □ • $z(100) = 30 + \int_0^{100} z'(s) ds$ 1

• $\int_0^{100} z'(s) ds = \int_0^{40} z'(s) ds + \int_{40}^{100} z'(s) ds$ 1

• met behulp van de GR (of een primitieve): $\int_0^{40} z'(s) ds \approx 981,68$ 2

• $\int_{40}^{100} z'(s) ds = 60 \cdot 100 = 6000$ 1

• $z(100) \approx 30 + 981,68 + 6000 \approx 7011,68$ 1

Maximumscore 3

9 □ • met behulp van de GR (of een primitieve): $\int_{100}^{120} z'(s) ds \approx 490,84$ 2

• het antwoord $7011,68 + 490,84 \approx 7503$ 1

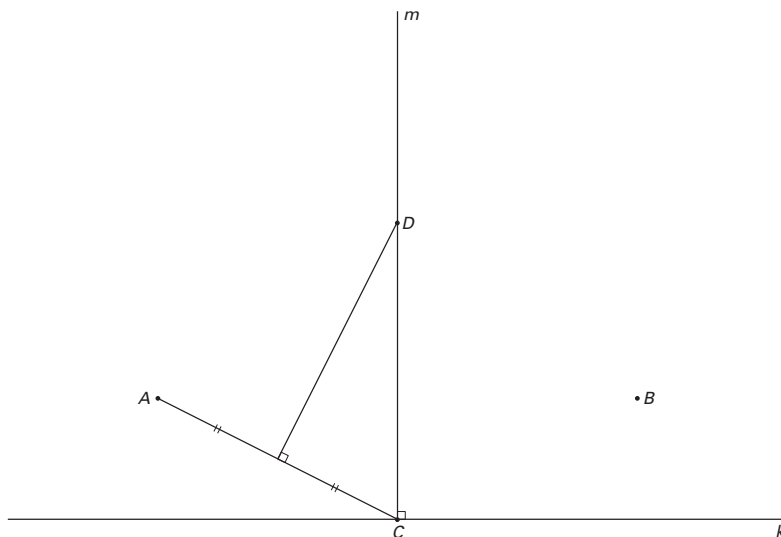
Opmerking

Het antwoord mag ook grotere nauwkeurigheid hebben.

Conflict tussen twee punten en een lijn

Maximumscore 4

- 10 □ • D ligt op de middelloodlijn m van AB 1
 • D ligt op de middelloodlijn van AC , met C het snijpunt van k en m 2
 • de tekening: 1

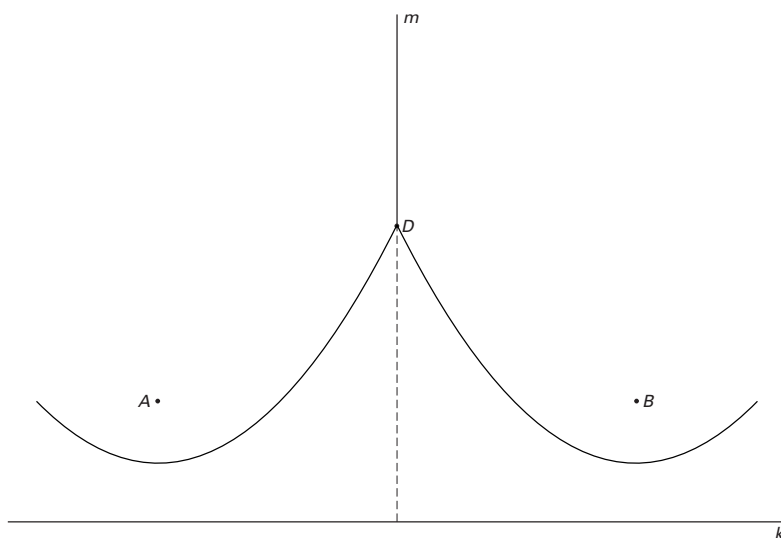


Maximumscore 4

- | | | | |
|----|---|--|----------------------|
| 11 | □ | <ul style="list-style-type: none"> • het tekenen van de parabolen, met toelichting • het tekenen van de middelloodlijn van AB vanaf het snijpunt van de parabolen | <u>3</u>
<u>1</u> |
|----|---|--|----------------------|

Opmerking

Als één parabool juist getekend is, hiervoor 2 punten toekennen.



Osteoporose

Maximumscore 3

- | | | | |
|----|---|---|----------------------------------|
| 12 | □ | <ul style="list-style-type: none"> • Het aantal is binomiaal verdeeld met $n = 100$ en $p = 0,25$ • het invoeren van de waarden $n = 100$, $p = 0,25$ en $x = 30$ bij het relevante menu van de GR • de kans 0,0458 | <u>1</u>
<u>1</u>
<u>1</u> |
|----|---|---|----------------------------------|

Maximumscore 7

- | | | | |
|----|---|---|--|
| 13 | □ | <ul style="list-style-type: none"> • Er zijn drie mogelijkheden: 2, 1 of 0 vrouwen en respectievelijk 0, 1 of 2 mannen • De kans op 2 vrouwen en 0 mannen met osteoporose is $\binom{5}{2} \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^2 \cdot \left(\frac{3}{4}\right)^3 \cdot \left(\frac{11}{12}\right)^5$ • De kans op 1 vrouw en 1 man met osteoporose is $\binom{5}{1} \cdot \left(\frac{1}{4}\right) \cdot \left(\frac{3}{4}\right)^4 \cdot \binom{5}{1} \cdot \left(\frac{1}{12}\right) \cdot \left(\frac{11}{12}\right)^4$ • De kans op 0 vrouwen en 2 mannen met osteoporose is $\left(\frac{3}{4}\right)^5 \cdot \binom{5}{2} \cdot \left(\frac{1}{12}\right)^2 \cdot \left(\frac{11}{12}\right)^3$ • De som van deze kansen is 0,2997 (of 0,3) | <u>1</u>
<u>2</u>
<u>2</u>
<u>1</u>
<u>1</u> |
|----|---|---|--|

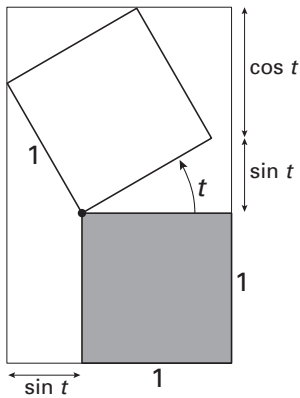
Maximumscore 4

- | | | | |
|----|---|--|--|
| 14 | □ | <ul style="list-style-type: none"> • Het percentage vrouwelijke patiënten is $\frac{1}{4} \cdot 55,6\% \approx 13,9\%$ • Het percentage mannelijke patiënten is $\frac{1}{12} \cdot 44,4\% \approx 3,7\%$ • Het percentage patiënten is $13,9\% + 3,7\% = 17,6\%$ • $\frac{13,9}{17,6} \cdot 100\% \approx 79\%$ | <u>1</u>
<u>1</u>
<u>1</u>
<u>1</u> |
|----|---|--|--|

Twee scharnierende vierkanten

Maximumscore 4

15 □



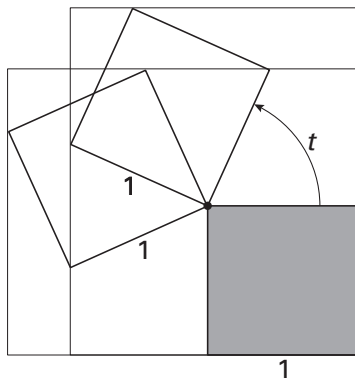
- 1 en $\sin t$ bij de breedte aangeven
- 1, $\sin t$ en $\cos t$ bij de lengte aangeven
- $R(t) = (1 + \sin t)(1 + \sin t + \cos t)$

1
2
1

Maximumscore 4

- 16 □ • Het vierkantje moet zo liggen dat lengte en breedte van de omhullende rechthoek verwisseld zijn
 • de tekening:

2
2



Maximumscore 3

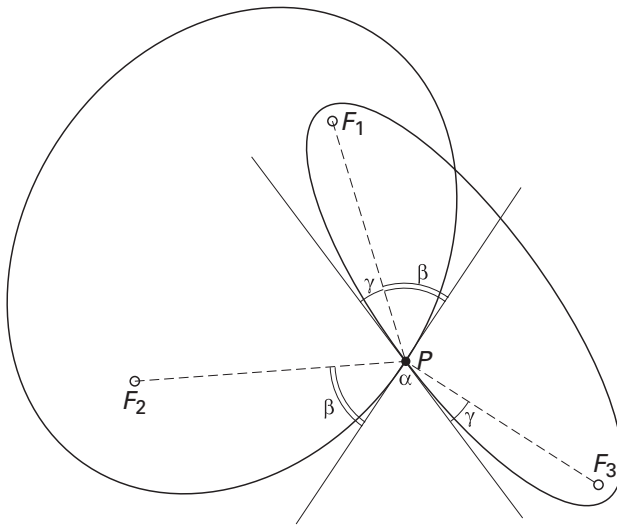
- 17 □ • $R'(t) = \cos t(1 + \sin t + \cos t) + (1 + \sin t)(\cos t - \sin t)$
 • $R'(0) = 3$

2
1

Twee ellipsen met een gemeenschappelijk brandpunt

Maximumscore 6

18 □



- Het tekenen van de raaklijnen en de lijn F_1P 1
- Uit de raaklijneigenschap volgt dat de hoeken β gelijk zijn en de hoeken γ ook 2
- $\alpha = \beta + \gamma$ (overstaande hoeken) 2
- $\angle F_2PF_3 = \alpha + \beta + \gamma = 2\alpha$ 1

Constante booglengte

Maximumscore 6

- 19 □
- $\angle XAY = \angle XBY$ (stelling van de omtrekshoek toegepast op boog XY in cirkel c_1) 1
 - $\angle P_1AP_2 = \angle XAY$ (en $\angle Q_1BQ_2 = \angle XBY$) (overstaande hoeken) 1
 - $\angle P_1AP_2 = \angle Q_1BQ_2$ (combinatie van het bovenstaande) 2
 - boog $P_1P_2 =$ boog Q_1Q_2 1
 - dus ook boog $P_1Q_1 =$ boog P_2Q_2 1
 - of
 - $\angle X = \angle Y$ en $\angle YP_2B = \angle XQ_1A$ (stelling van de omtrekshoek) 2
 - $\angle YBP_2 = \angle XAQ_1$ (hoekensom driehoek) 2
 - $\angle P_1AQ_1 = \angle Q_2BP_2$ (gestrekte hoek in combinatie met het bovenstaande) 1
 - dus boog $P_1Q_1 =$ boog P_2Q_2 1

Einde